

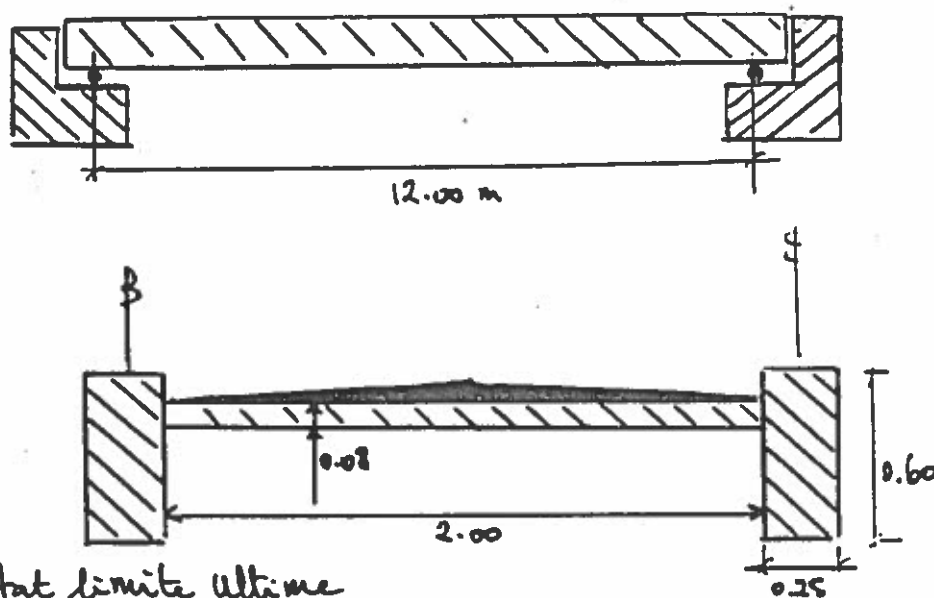
Applications: Flexion Simple

1° Calcul d'une passerelle

Soit à déterminer les armatures de la passerelle pour les actions représentées ci-dessous.

Cette passerelle d'une portée de 12.00 m entre appuis, supporte outre son poids propre, un revêtement de 1 KN/m^2 et une charge d'exploitation de 8 KN/m^2

Les aciers sont de nuance $\text{FeE}40$ et le béton ou a $f_{c28} = 20 \text{ MPa}$



I: Etat limite ultime

2) Calcul de la dalle

- charges permanentes:

• Revêtement

$$= 1000 \text{ N/m}^2$$

• Poids propre de la dalle : $1,00 \times 0,08 \times 25000 = 2000 \text{ N/m}^2$

$$g = 3000 \text{ N/m}^2$$

- charges d'exploitation

• q_B

$$= 8000 \text{ N/m}^2$$

le moment maximal pour la dalle reposant sur deux appuis à pour valeur en considérant une largeur de 1.00 et compte tenu de coefficients de majorations

$$q^* = 1.35 \times 3000 + 1.5 \times 8000 = 16.050,00 \text{ N/m}^2/\text{m}^2$$

$$M_0 = \frac{q^* l^2}{8} = 16.050 \times \frac{12^2}{8} = 8.025 \text{ N.m}$$

La dalle étant semi-encastree sur les poutres laterales, nous prendrons :

- sur appui : $M_a = 0,40 M_0 = 0,40 \times 8.025 = 3210 \text{ N.m}$

- en travée : $M_t = 0,85 M_0 = 0,85 \times 8.025 = 6821 \text{ N.m}$

• Pour la section en travée, nous avons avec $d = 5,5 \text{ cm}$

$$\rho = \frac{6821}{11,33 \times 100 \times 5,5^2} = 0,199 < 0,392 \quad \overset{R}{M}$$

$$\alpha = 1,25 (1 - \sqrt{1 - 2\rho}) = 0,280$$

$$z = d (1 - 0,4\alpha) = 4,88 \text{ cm}$$

$$\sigma_s = \frac{f_e}{\gamma_s} = \frac{400}{1,15} = 348 \text{ MPa}$$

$$\text{D'où } A = \frac{6821}{4,88 \times 348} \approx 4 \text{ cm}^2$$

• Pour la section sur appui, nous avons :

$$\rho = \frac{3210}{11,33 \times 100 \times 5,5^2} = 0,0936 < 0,392$$

$$\alpha = 0,123 \Rightarrow z = 5,23 \text{ cm}$$

$$A = \frac{3210}{5,23 \times 348} = 1,76 \text{ cm}^2$$

• La condition de non fragilité est bien vérifiée puisque nous devons avoir :

$$A > 0,23 \text{ bd } \frac{f_{ct8}}{f_e} = 0,23 \times 100 \times 5,5 \times \frac{1,8}{400} = 0,57 \text{ cm}^2$$

b) Calcul de la poutre

Etant donné la position du hourdis, chacune des poutres sera considérée comme une poutre de section rectangulaire, nous avons par mètre linéaire :

charge permanente

$$\bullet 1,35 \times 0,60 \times 0,25 \times 25000 = 5063 \text{ N/m}$$

Reaction du Hourdis

$$= 16.050 \text{ N/m}$$

$$\bullet = 21.113 \text{ N/m}$$

moment maximal en travée :

$$M_0 = \frac{21.113 \times 12^2}{8} = 380.034 \text{ N.m}$$

avec $d = 55 \text{ cm}$

$$\text{soit : } \gamma = \frac{380.034}{11.33 \times 25 \times 55^2} = 0,443 > \gamma_R = 0,391$$

d'où nécessité d'utiliser des armatures comprimées
premier $d' = 5 \text{ cm}$

$$\begin{aligned} \epsilon_{sc} &= 5,24 \cdot 10^{-3} \left(\frac{d-d'}{d} \right) - 1,74 \cdot 10^{-3} \\ &= 5,24 \cdot 10^{-3} \left(\frac{55-5}{55} \right) - 1,74 \cdot 10^{-3} = 3,02\% > \epsilon_e \end{aligned}$$

$$\text{d'où } \sigma_{sc} = \frac{400}{1.15} = 348 \text{ MPa}$$

$$M_R = 0,391 \cdot d^2 \cdot \sigma_{bc} = 0,391 \times 25 \times 55^2 \times 11,33$$

$$M_R = 335021$$

$$Z_R = 0,733 \cdot d = 0,733 \times 55 = 40,315 \text{ cm}$$

$$A_{sc} = \frac{M_u - M_R}{(d-d') \cdot \sigma_{sc}} = \frac{380.034 - 335021}{(55-5) \times 348} = 2,6 \text{ cm}^2$$

$$A_{st} = \left[\frac{M_R}{Z_R} + \frac{M_u - M_R}{(d-d')} \right] \frac{\gamma_s}{f_c}$$

$$A_{st} = \left(\frac{335021}{40.315} + \frac{380034 - 335021}{(55-5)} \right) \frac{1.15}{400} = 26,5 \text{ cm}^2$$

II Etat limite de Service

Vous considérez que la fissuration est préjudiciable

- dalle

La combinaison d'action à considérer est : $G + Q$

$$\text{d'où } M_0 = (3000 + 8000) \times \frac{12^2}{8} = 5500 \text{ N.m}$$

$$\text{soit : au appui : } M_a = 0,40 \times 5500 = 2200 \text{ N.m}$$

$$\text{en travée : } M_t = 0,15 \times 5500 = 4675 \text{ N.m}$$

• section en travée : $\bar{\sigma}_s = 240 \text{ MPa}$

$$\mu_1 = \frac{4675}{100 \times 55 \times 240} = 0,00644$$

$$\lambda_1 = 25,32 ; \beta_1 = 0,876$$

$$\text{soit } \bar{\sigma}_b = \frac{240}{25,32} = 9,48 < 0,60 \times 20 = 12 \text{ MPa}$$

$$A = \frac{1675}{0,876 \times 5,5 \times 240} = 4,04 \text{ cm}^2$$

cette section est légèrement supérieure à celle trouvée pour l'E.L.V
nous prendrons alors $A = 4,04 \text{ cm}^2$

• Section sur appui

$$\mu_1 = \frac{2200}{100 \times 5,5^2 \times 240} = 0,00303$$

d'où $K_1 = 40,56$; $\beta_1 = 0,91$

où $\bar{\sigma}_b = \frac{240}{40,56} = 5,91 < 12 \text{ MPa}$

$$A = \frac{2200}{0,91 \times 5,5 \times 240} = 1,83 \text{ cm}^2$$

cette section est aussi supérieure à celle trouvée pour l'E.L.V
nous prendrons alors $A = 1,83 \text{ cm}^2$.

- Hauts

la charge au mètre linéaire à pour valeur:

• Poids propre: $0,6 \times 0,25 \times 25000 = 3750 \text{ N/m}$

• réaction du Hauts: $(3000 + 1000) \times \frac{2,00}{2} = 11000 \text{ N/m}$

$$P = 14.750 \text{ N/m}$$

moment maximal en travée

$$M_0 = \frac{14.750 \times 12^2}{8} = 265.500 \text{ N.m}$$

$$\mu_1 = \frac{265.500}{25 \times 55^2 \times 240} = 0,0146$$

$K_1 = 14,41$; $\beta_1 = 0,83$

où $\bar{\sigma}_b = \frac{240}{14,41} = 16,65 > 12 \text{ MPa}$

d'où nécessité d'utiliser des armatures comprimées

on pose alors $\bar{\sigma}_b = \bar{\sigma}_s = 12 \text{ MPa}$

$$K_1 = \frac{\bar{\sigma}_s}{\bar{\sigma}_b} = \frac{240}{12} = 20$$

$$\Rightarrow \mu_1 = 0,1836 ; \beta_1 = 0,857$$

$$\rightarrow M_1 = \mu_1' b d^2 \bar{\sigma}_b$$

$$M_1 = 0,1836 \times 25 \times 55^2 \times 12 = 166.617 \text{ N.m}$$

$$A_1 = \frac{M_1}{\beta_1 \cdot d \cdot \bar{\sigma}_s} = \frac{166.617}{0,857 \times 55 \times 240} = 14,73 \text{ cm}^2$$

$$A_{sc} = \frac{M - M_1}{(d - d') \bar{\sigma}_s} ; \bar{\sigma}_s = \frac{15(41 - d')}{41} \quad \bar{\sigma}_b = \frac{15(23,54 - 5)}{23,54} \times 12$$

$$\bar{\sigma}_s = 142 \text{ MPa}$$

Soit alors : $A_{sc} = \frac{265.500 - 166.617}{(55 - 5) \times 142} = 13,93 \text{ cm}^2$

$$A_2 = \frac{M - M_1}{(d - d') \sigma_s} = \frac{265.500 - 166.617}{(55 - 5) \times 240}$$

$$A_2 = 8,24 \text{ cm}^2$$

$$A_{sb} = A_1 + A_2 = 14,73 + 8,24 = 22,97 \text{ cm}^2$$

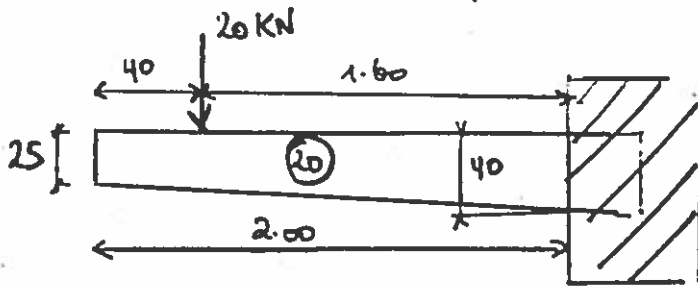
La section globale étant supérieure à celle trouvée pour l'état limite ultime, nous retiendrons alors cette dernière valeur.

Application : Calcul d'une console

Soit à déterminer les armatures d'une console de 20 cm de largeur représentée ci-dessous.

Cette console est encastrée dans un mur très épais son appui libre statique est supposé être assés.

Elle peut être sollicitée à supporter une charge d'exploitation de 20 kN appliquée à 1.60 m du mur les armatures sont du type FE40, béton $f_{c28} = 25 \text{ MPa}$



Poids propre de la console :

$$P = \frac{0.25 + 0.40}{2} \times 2.00 \times 0.2 \times 25000 = 3250 \text{ N.}$$

La résultante du poids propre passe par le Centre de gravité du trapèze constitué par la console, donc à une distance de la section d'encastrement égale à :

$$a = \frac{2.00}{3} \times \frac{2 \times 25 + 40}{25 + 40} = 0.923 \text{ m}$$

Combinaison d'action :

$$A = 1.35 G + 1.5 Q B =$$

le moment d'encastrement à pour valeur

$$M = 1.35 \times 3250 \times 0.923 + 1.5 \times 20.000 \times 1.60 = 52.050 \text{ N.m}$$

prendre pour hauteur utile : $d = 36 \text{ cm}$

$$\text{d'où } \gamma = \frac{M_u}{b \cdot d^2 \cdot f_{bc}} = \frac{52050}{14.2 \times 10^3 \times 36^2} = 0.141 < \gamma_R$$

$$\alpha = 0.191 \rightarrow \xi = 0.3325$$

$$A = \frac{M}{\xi \cdot f_{td}} = \frac{52.050}{0.3325 \times 348} = 4.5 \text{ cm}^2$$

Soit 3 HA 14 (4.62 cm²)

Armatures transversales

L'effort tranchant maximal à peu près :

$$V_u = 1.35 \times 3250 + 1.5 \times 20.000 = 34.388 \text{ N.}$$

$$\text{D'où } \tau_u = \frac{V_u}{b_0 d} = \frac{34.388}{200 \times 360} = 0,48 \text{ MPa} < 2,5 \text{ MPa}$$

Étant donné que la valeur de l'effort tranchant varie relativement peu le long de la poutre, tandis que celle de d varie dans de plus grandes limites ; nous allons étudier la section située immédiatement après la charge concentrée.

Pour cette section on a : $h = 28 \text{ cm}$, $d = 24 \text{ cm}$

$$V_u = 1.35 \frac{0.25 + 0.28}{2} \times 0.40 \times 0.20 \times 25.000 + 1.5 \times 20.000$$

$$V_u = 30.716 \text{ N.}$$

$$\text{D'où } \tau_u = \frac{30.716}{200 \times 240} = 0,64 \text{ MPa} < 2,5 \text{ MPa}$$

Les armatures transversales seront constituées par un cadre $\phi 6$ et une épingle $\phi 6$ soit $A_t = 3 \phi 6 = 0,85 \text{ cm}^2$
- au voisinage de l'encastrement

$$s_t \leq \text{Min} (0,9 \times 26 \text{ cm et } 40 \text{ cm}) = 32,4 \text{ cm}$$

$$s_t \leq \frac{0,85 \times 400}{20 \times 0,4} = 42,5 \text{ cm}$$

$$s_t \leq \frac{0,8 \times 0,85 \times 400}{20 \times (0,48 - 0,50)} < 0$$

Nous adoptons $s_t = 25 \text{ cm}$

- au voisinage de la charge concentrée

$$s_t \leq \text{Min} [0,9 \times 24 \text{ et } 40] = 21,6 \text{ cm}$$

$$s_t \leq \frac{0,85 \times 400}{20 \times 0,4} = 42,5 \text{ cm}$$

$$s_t \leq \frac{0,8 \times 0,85 \times 400}{20 \times (0,64 - 0,50)} = 97 \text{ cm}$$

Nous adoptons $s_t = 20 \text{ cm}$

En ce qui concerne l'entraînement de armatures

$$\text{ou } \Sigma u = \Sigma v (3 \phi 14) = 131,9 \text{ mm}$$

$$\tau_{se} = \frac{34.388}{0,9 \times 360 \times 131,9} = 0,8 \text{ MPa} < 1,5 \times 2,1 = 3,15 \text{ MPa}$$

$$\tau_{of} = \frac{30.716}{0,9 \times 240 \times 131,9} = 1,08 \text{ MPa} < 3,15 \text{ MPa}$$

Calcul d'un MUR DE Soutènement

Soit à déterminer le ferrailage d'un mur de soutènement représenté ci dessous.

le poids spécifique des terres retenues par le mur:

$$\gamma = 18000 \text{ N/m}^3$$

Coefficient S_A pour le calcul de la composante horizontale de la poussée des terres : $S_A = 0,33$

Contrainte admissible sur le sol de fondation

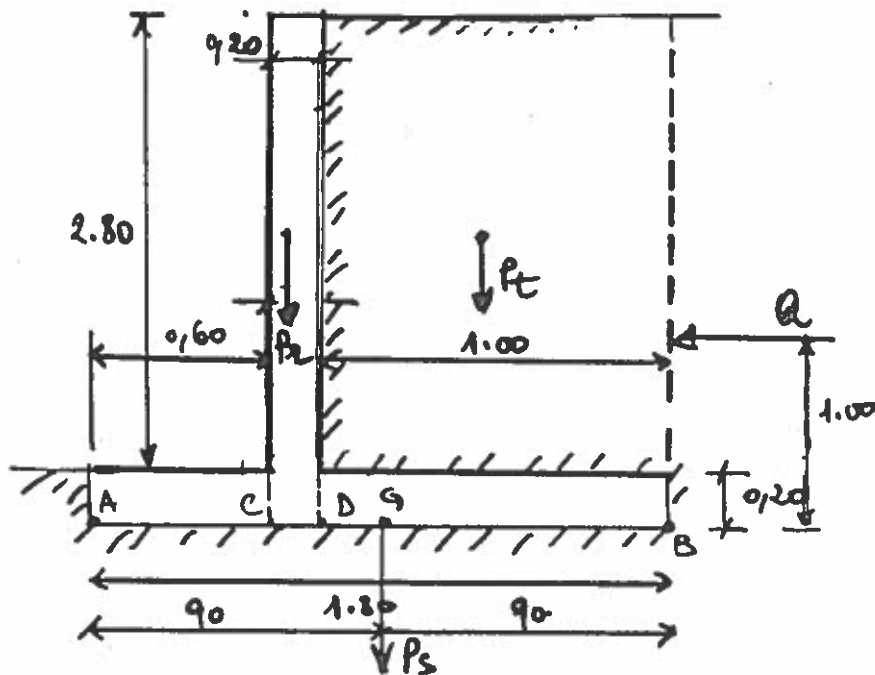
$$\bar{\sigma}_{\text{sol}} = 0,10 \text{ MPa}$$

Coefficient de frottement admissible sur le sol de fondation

$$f = 0,80$$

armature sont en acier FE40 : $f_e = 400 \text{ MPa}$

Béton, on a $f_{ctd} = 25 \text{ MPa}$; $\bar{\sigma}_{bc} = 14,2 \text{ MPa}$



Il est rappelé que la composante horizontale Q de la poussée des terres pour une hauteur h de mur est donnée par:

$$Q = \frac{S_A \cdot \gamma \cdot h^2}{2}$$

et que la force Q est appliquée à la distance $\frac{h}{3}$ à partir de la base. on ne tiendra pas compte de la composante verticale de la poussée des terres.

a) Stabilité du MUR

- Calcul des efforts: nous avons pour 1.00m de mur:

$$\text{poids du rideau: } P_2 = 0,20 \times 2,8 \times 25000 = 14\,000 \text{ N/m}$$

$$\text{poids de la semelle: } P_3 = 0,20 \times 1,8 \times 25\,000 = 9\,000 \text{ N/m}$$

$$\text{poids des terres sur la semelle } P_t = 1,00 \times 2,8 \times 18\,000 = 50\,400 \text{ N/m}$$

$$P = 73\,400 \text{ N/m}$$

Composante horizontale de la poussée des terres:

$$Q = 0,33 \times 18\,000 \times \frac{3,00^2}{2} = 26\,730 \text{ N/m}$$

la force Q agit à $\frac{3,00}{3} = 1,00$ au dessus de la base du mur.

b) glissement

la force qui tend à faire glisser le mur est à l'E.L.V

$$1,35 \times 26\,730 = 36\,086 \text{ N/m}$$

la force qui s'oppose au glissement du mur à pour valeur:

$$P \times f = 0,8 \times 73\,400 = 58\,720 \text{ N/m}$$

Dans le calcul de cette dernière force nous n'appliquons pas le coefficient 1,35 pour nous placer dans le cas le plus défavorable.

$$\text{donc } \frac{58\,720}{36\,086} = 1,63$$

c) Sécurité au renversement

Preons les moments par rapport au point A des forces agissantes; Ici également nous n'appliquons pas le coefficient 1,35 aux forces stabilisatrices.

on a alors:

$$M_R = 1,35 \times 26\,730 \times 1,00 = 36\,085 \text{ N.m}$$

$$M_S = 14\,000 \times 0,70 + 9\,000 \times 0,90 + 50\,400 \times 1,30 = 83\,420 \text{ N}$$

$$\frac{M_S}{M_R} = \frac{83\,420}{36\,085} = 2,31.$$

d) Contrainte sur le sol

$$\text{on a: } N = 1,35 \times 73\,400 = 99\,090 \text{ N}$$

et pour le moment par rapport au c.d.g de la semelle

$$M_G = 1,35 [14\,000 \times 0,20 + 50\,400 \times 0,40 + 26\,730 \times 1,00]$$

$$M_G = 12\,650 \text{ N.m}$$

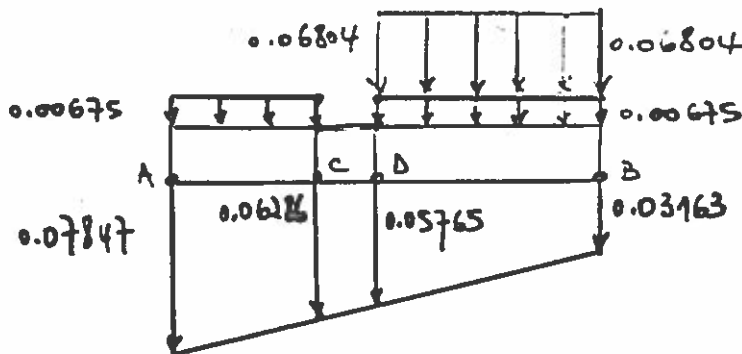
on en déduit alors:

$$\sigma_A = \frac{99.090}{1800 \times 1000} + \frac{2 \times 12550000}{1000 \times 1800^2} = 0.07847 \text{ MPa} < 0,10 \text{ MPa}$$

$$\sigma_B = \frac{99.090}{1800 \times 1000} - \frac{6 \times 12650000}{1000 \times 1800^2} = 0.03163 \text{ MPa}$$

DES résultats précédents, on déduit pour les contraintes aux points C et D en considérant les triangles semblables.

$$\left. \begin{array}{l} \sigma_C = 0,06286 \text{ MPa} \\ \sigma_D = 0,05765 \text{ MPa} \end{array} \right\}$$



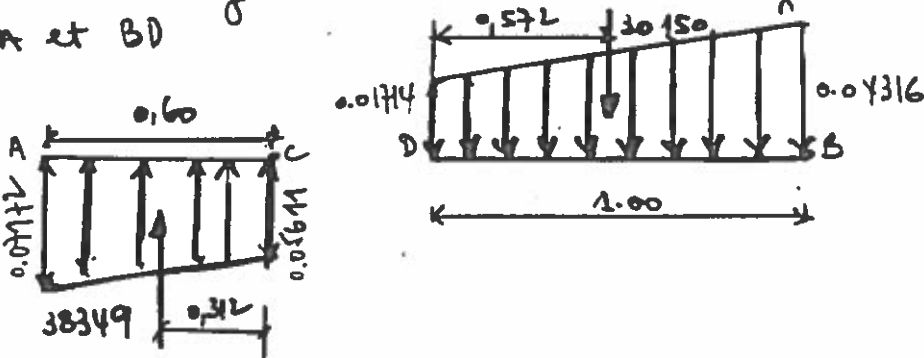
le poids de la semelle \times reporté à raison de:

$$\frac{1.35 \times 9000}{1000 \times 1800} = 0,00675 \text{ MPa}$$

le poids des terres sur la semelle \times reporté de D en B à raison de:

$$\frac{1.35 \times 50400}{1000 \times 1800} = 0,06804 \text{ MPa}$$

D'où le diagramme des contraintes agissant sur les consoles CA et BD



la résultante ces effets sur CA à pour valeur:

$$\frac{0.07172 + 0,05611}{2} \times 600 \times 1000 = 38349 \text{ N}$$

cette résultante passe par le centre de gravité du trapèze soit:

$$\frac{60}{3} \times \frac{0,05611 + 2 \times 0,07172}{0,05611 + 0,07172} = 31,2 \text{ cm de C}$$

Et même sur la console DB nous avons pour la résultante :

$$\frac{(0.01714 + 0.04316)}{2} \times 1000 \times 1000 = 30.150 \text{ N.}$$

cette résultante passe à 52,7 cm de D.

* / Détermination des armatures pour l'E.L.U

a) section située à la base du rideau

Pour cette section, située à la liaison du rideau avec la semelle, nous avons :

$$Q = 1.35 \times 0.33 \times 18.000 \times \frac{2.8^2}{2} = 31.434 \text{ N.}$$

$$M = 31.434 \times \frac{2.8}{3} = 29.338 \text{ N.m}$$

La section étudiée est soumise à la flexion composée avec effet de compression, or le poids propre de la paroi peut être négligé, nous avons donc une section soumise à la flexion simple.

Soit : $\rho = \frac{29.338}{100 \times 16^2 \times 14.2} = 0.081 < \rho_R$

$$\alpha = 0.1057 \quad \leadsto \quad z = 0.153$$

$$A = \frac{29.338}{15.3 \times 248} = 5.51 \text{ cm}^2$$

pour la contrainte tangente conventionnelle τ_u nous avons :

$$\tau_u = \frac{31.434}{1000 \times 160} = 0.196 \text{ MPa} < 0.05 f_{ctd} = 1.25 \text{ MPa}$$

Il n'est donc pas nécessaire de prévoir des armatures transversales!

b) Section d'encastrement de la console CA

$$M = 38349 \times 0.312 = 11.965 \text{ N.m}$$

$$\rho = 0.033 \quad \leadsto \quad A = 2.19 \text{ cm}^2$$

$$\tau_u = \frac{38349}{1000 \times 160} = 0.24 \text{ MPa} < 1.25 \text{ MPa}$$

c) section d'encastrement de la console DB

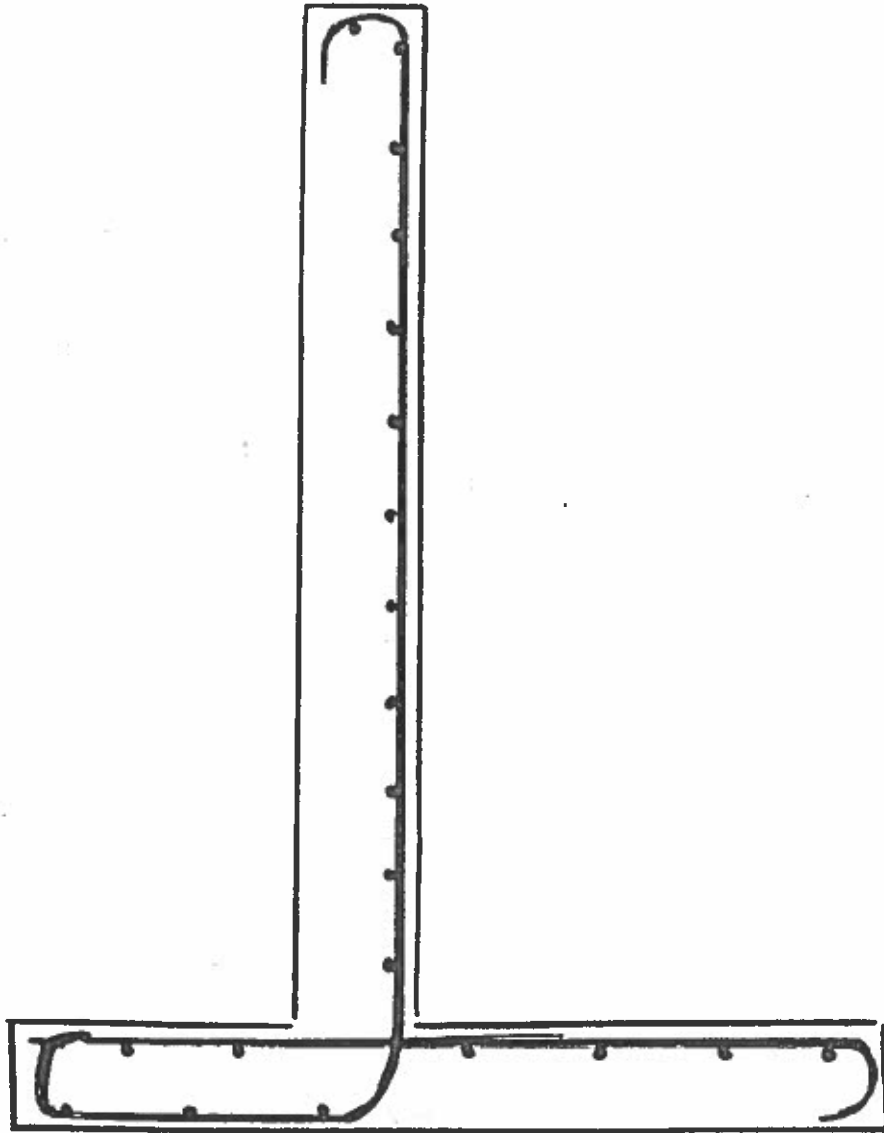
$$M = 30150 \times 0,572 = 17.246 \text{ NPa}$$

$$\rho = 0,048 < \rho_r$$

$$A = 3.18 \text{ cm}^2$$

$$\sigma_{cu} = \frac{30150}{1000 \times 160} = 0,188 < 1.25 \text{ NPa}$$

d) Fermeture



Application: Calcul de poteaux

Soit un poteau de façade d'un bâtiment à étage multiples pour lequel la distance entre poteaux est de 2.70m
Ce poteau de section 25×50 et supporte des charges permanentes $G = 0,60 \text{ MN}$ et des surcharges $Q_s = 0,25 \text{ MN}$.

a) Flambement en cas de:

- longueur libre $l_0 = 2,70 \text{ m}$

$l_f = l_0 = 2,70$ (Poteau de Façade)

$$\lambda = \frac{l_f}{i} = \frac{l_f}{\frac{bh}{12}} = \frac{2,70 \times \sqrt{12}}{0,25} = 37,4 < 50$$

b) Calcul du paramètre α

$$\alpha = \frac{0,85}{140,2 \left(\frac{1}{35}\right)^2} = \frac{0,85}{140,2 \left[\frac{37,4}{35}\right]^2} = 0,692$$

c) Calcul de la section réduite

$$B_r = (50 - 2) \times (25 - 2) = 1104 \text{ cm}^2$$

d) charge totale pouvant supporter le poteau

$$N_u = 1,35 G + 1,5 Q_s = 1,35 \times 0,60 + 1,5 \times 0,25$$

$$N_u = 1,185 \text{ MN}$$

ou doit avoir $N_u \leq 0,692 \left[\frac{0,1104 \times 20}{0,9 \times 45} + A \cdot \frac{400}{1,15} \right]$

$$N_u \leq 0,692 [1,635 + 348 A]$$

$$\text{soit } A \geq \frac{(1,185 - 1,635)}{0,692} \cdot \frac{1}{348} = 2,22 \text{ cm}^2$$

e) pourcentage minimal

cette section doit être supérieure au pourcentage minimal

Soit: $A > 0,270$ section totale

$$A > 0,2 \times 50 \times 25 \cdot 10^{-2} = 2,5 \text{ cm}^2$$

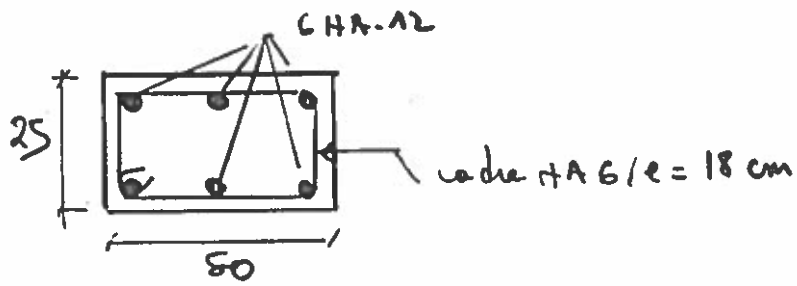
• d'autre part on doit avoir par file au moins 4 cm

Soit: le périmètre du poteau = $2 \times (25 + 50) = 150$

soit $A \geq 4 \times 1,5 = 6 \text{ cm}^2$

Soit 6 cm^2

Pour la armature transversale, on disposera un cadre extérieur en HA.6 à l'espacement de $12 \times 15 = 18 \text{ cm}$. Dans la zone de recouvrement, on met 3 cours de cadres.



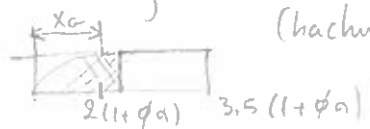
Application : Etat limite de stabilité de FORME tome 3.

Sert à calculer une colonne encastree en pied, libre en tête de section : $b_0 = 1.00m$
 $h = 0.50m$

Soumise aux sollicitations suivantes :

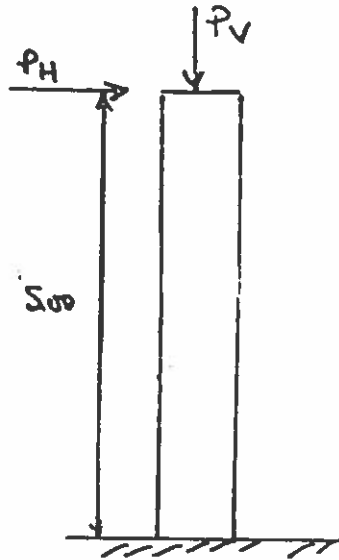
- charges Verticales en tête
 - permanente = 1,5 MN
 - variable = 0,60 MN
- charge horizontale en tête
 - variable = 4 kN

↓ 0,667 au lieu de 0,8 car la déformation est $4‰ = 27... \times (1 + \phi a)$ de diagramme béton (hachure)



Equation parabole (voir Thonier)

cette colonne a une hauteur de 5.00m et comprenant un ferrillage de $2 \times 20 \text{ cm}^2$ H.A (Enrobage = 4 cm).



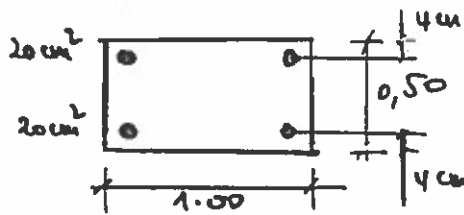
$$s = \frac{\sigma}{\sigma_0}$$

$$t = \frac{\epsilon}{\epsilon_0}$$

$$s = t(2-t)$$

$$t \leq \frac{4\epsilon_1}{7}$$

$$t \geq \frac{4\epsilon_2}{7}$$



$$\int_0^1 s dt = 0,625$$

$$\int_0^1 s dt = 0,667$$

surface

position Centre gravité X_G au 0 (axe neutre)

expliquant la valeur $0,375 = 1 - 0,625$

a) Calcul des sollicitations

le poids propre de la colonne : $0,50 \times 1,00 \times \frac{25}{1000} = 0,063 \text{ MN}$
 (on suppose pour simplifier les calculs appliqué au sommet de la colonne).

- $G = 1,5 + 0,063 = 1,56 \text{ MN}$
 - $N_{u,1} = 1,35 \times 1,56 = 2,10 \text{ MN}$
 - $N_{u,2} = 1,5 \times 0,60 = 0,9 \text{ MN}$
- $N_u = 3,00 \text{ MN}$

b) excentricité forfaitaire

$$\frac{e}{250} = \frac{500}{250} = 2 \text{ cm}$$

Moment appliqué initial : $\frac{4 \times 5}{1000} \times 1,5 = 0,03 \text{ MN.m}$

$$e_0 = 0.02 + \frac{0.03}{3} = 0.03 \text{ m}$$

moment de longueur durée = $2,1 \times 0,02$

moment total = 3×0.03

par suite $\alpha = \frac{2,1 \times 0,02}{3 \times 0,03} = 0,47.$

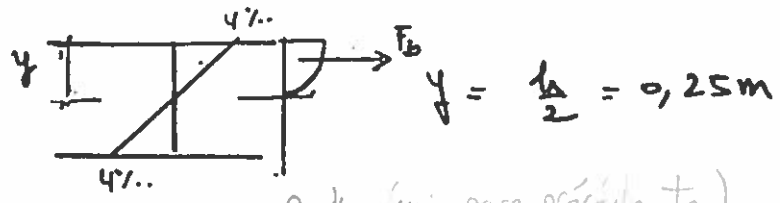
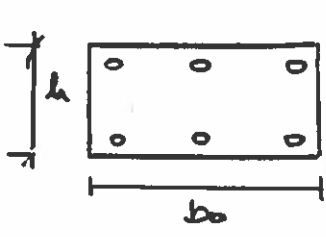
on peut en déduire le coefficient de l'affinité permet de connaître le diagramme contrainte déformation du béton

$$1 + 2 \times 0,47 = 1,94$$

on prendra alors $\epsilon_0 = 2 \times 1.94 \approx 4\%$.

1° Essai

on choisit un diagramme de déformation dans la section dans la section donnant 4% de déformation sur les 2 fibres extrêmes



? (voir page précédente)

au a: $F_b = 0,667 \times b_0 \times y \times \sigma_{bc}$

avec $f_{ctd} = 24 \text{ MPa} \rightarrow \sigma_{bc} = 13.6 \text{ MPa}$

soit alors $F_b = 0,667 \times 1 \times 0,25 \times 13.6 = 2,27 \text{ MN}.$

d'autre part ma: $F_{sc} = F_{st}$ par suite de symétrie
soit $\Sigma N_i = 2,27 \text{ MN}.$

Calculons le moment des forces internes par rapport au centre géométrique de la section.

$$M_i = M_b + M_{sc} + M_{st}$$

$$M_b = 2.27 \times (0,25 - 0,25 \times 0,375) = 0,355 \text{ MN.m}$$

$$M_{sc} = M_{st} = \frac{20 \times 400}{1.15 \times 10^4} \times (0,25 - 0,04) = 0,146 \text{ MN.m}$$

(en effet $\epsilon_{st} = \epsilon_{sc} > 1.7\%$ par suite $\sigma_{sc} = \sigma_{st} = \frac{400}{1.15}$)

$$M_i = 0,355 + 2 \times 0,146 = 0,647 \text{ MN.m}$$

$$e_i = \frac{M_i}{N_i} = 0,285 \text{ m}$$

d'autre part l'excentricité externe à pour valeur:

$$e_{ext} = e_0 + \left(\frac{l}{\pi}\right)^2 \times \frac{1}{2}$$

$$\frac{l}{2} = \frac{4 \times 210^{-3}}{0.50} = 16.10^{-3}$$

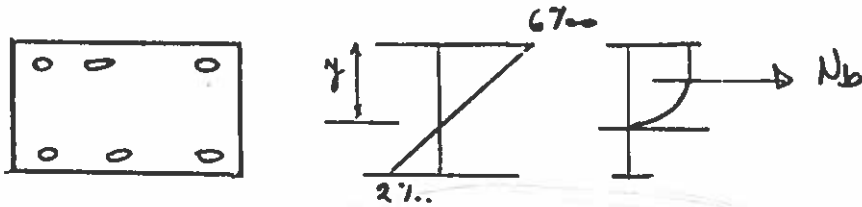
longueur de flambement
($l_f = 2l_0$)

$$e_{ext} = 0.03 + 16.10^{-3} \times \left(\frac{10}{\pi}\right)^2 = 0.192 \text{ m}$$

Conclusion

on a bien $l_i > e_{ext}$ mais on a $N_i = 2.27 < N_u = 31$

2^{ème} ESSAI



1 + 2φ
 (2‰ → 4‰)
 (3.5‰ → ?)
 → $\frac{3.5 \times 4}{2} = 7‰$

$$\epsilon_{max} = 6‰ < \left(\frac{3.5}{2} \times 4‰ = 7‰\right)$$

$$\epsilon_{min} = -2‰$$

par suite $y/50 - y = 6/2 \rightarrow y = 37.5 \text{ cm}$

$$N_b = 0.778 \times 0.375 \times 1 \times 13.6 = 3.97 \text{ MN}$$

$$\bar{F}_{sc} = \frac{400}{1.15} \times 20 \cdot 10^{-4} = 0.70 \text{ MN}$$

$$\epsilon_{st} = \frac{2700 \times (50 - 37.5 - 4)}{(50 - 37.5)} = 1.36‰$$

$$\text{d'où } \bar{\sigma}_{st} = 1.36 \times 200 = 272 \text{ MPa}$$

$$\bar{F}_{sb} = 272 \times 20 \cdot 10^{-4} = 0.544 \text{ MN}$$

$$\text{d'où } N_i = N_b + \bar{F}_{sc} - \bar{F}_{sb} = 3.97 + 0.7 - 0.544 = 4.13 \text{ MN}$$

d'autre part, on calcule M_i par rapport au centre géométrique de la section.

$$M_b = 3.97 \times (0.25 - 0.375 \times 0.405) = 0.39 \text{ MN.m}$$

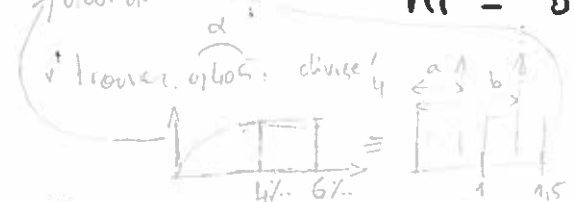
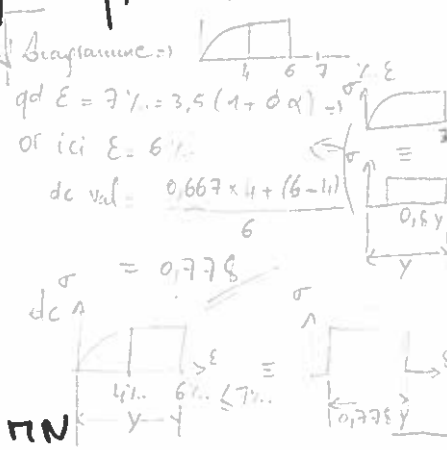
$$M_{sc} = 0.7 \times 0.21 = 0.147 \text{ MN.m}$$

$$M_{sb} = 0.54 \times 0.21 = 0.113 \text{ MN.m}$$

d'où

$$M_i = 0.39 + 0.147 + 0.113 = 0.65 \text{ MN.m}$$

pt d'application de l'eff du beton / centre de gravité



trouver 0.1667×0.05 : divise par 4

formule del. Centre de gravite.

$$d_c \bar{a} = \left(\frac{0.1667 \times 0.05 \times 0.025 + 0.25 \times 0.405 \times 0.2025}{(0.1667 \times 0.05) + (0.25 \times 0.405)} \right) \times \frac{1}{1.15} = 0.595$$

1 - 0.595 = 0.405

$$e_i = \frac{M_i}{N_i} = \frac{0,65}{4,13} = 0,157 \text{ m}$$

l'autre part $e_{ext} = 0,03 + \left(\frac{l}{\pi}\right)^2 \times \frac{1}{\lambda}$
 $\frac{1}{\lambda} = \frac{2+6}{0,5} 10^{-3} = 16 10^{-3}$

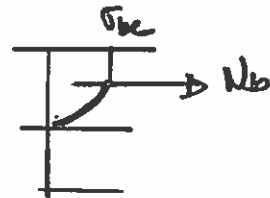
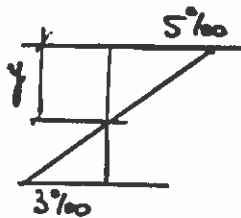
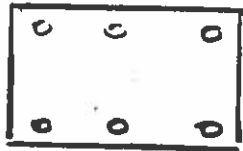
$$e_{ext} = 0,03 + 16 10^{-3} \times \left(\frac{10}{\pi}\right)^2 = 0,192 \text{ m}$$

Conclusion

on a I_i $e_i < e_{ext}$ mais $N_i > N_u$

3^{ème} ESSAI

on choisit $\epsilon_{max} = 5\text{‰}$ et $\epsilon_{min} = -3\text{‰}$



on a $J_{ci} \frac{y}{50-y} = \frac{5}{3}$ ms $y = 31,25 \text{ m}$

soit $N_b = 0,733 \times 0,3125 \times 1 \times 13,6 = 3,115 \text{ MN}$

$$F_{sc} = 0,70 \text{ MN}$$

$$E_{st} = \frac{3(50 - 31,25 - 4)}{50 - 31,25} = 2,36\text{‰} > 1,7\text{‰}$$

donc $\sigma_{st} = \frac{400}{1,15} = 348 \text{ MPa}$

$$F_{st} = 0,70 \text{ MN}$$

par suite :

$$N_i = 3,115 \text{ MN}$$

$$M_i = M_b + M_{sc} + M_{st}$$

$$M_b = 3,115 \times (0,25 - 0,3125 \times 0,39) = 0,40 \text{ MN.m}$$

$$M_{sc} = M_{st} = 0,147 \text{ MN.m}$$

$$M_i = 0,693 \text{ MN.m}$$

$$e_i = \frac{0,693}{3,115} = 0,22 \text{ m}$$

par ailleurs $\frac{1}{\lambda} = (3+5) 10^{-3} / 0,5 = 16 10^{-3}$

donc $e_{ext} = 0,192 \text{ m}$

La justification est réalisée car on a : $N_i > N_u$
 et $e_i > e_{ext}$

Etat limite de service

TABLEAU 9 - Section rectangulaire en flexion simple sans armatures comprimées.

β_1	α_1	μ_1'	μ_1	k_1	ρ_1	β_1	α_1	μ_1'	μ_1	k_1	ρ_1
0,985	0,045	0,0222	0,00007	318,3	0,007	0,945	0,165	0,0780	0,00103	75,91	0,109
0,984	0,048	0,0236	0,00008	297,5	0,008	0,944	0,168	0,0793	0,00107	74,29	0,113
0,983	0,051	0,0251	0,00009	279,1	0,009	0,943	0,171	0,0806	0,00111	72,72	0,118
0,982	0,054	0,0265	0,00010	262,8	0,010	0,942	0,174	0,0820	0,00115	71,21	0,122
0,981	0,057	0,0280	0,00011	248,2	0,012	0,941	0,177	0,0833	0,00120	69,75	0,127
0,980	0,060	0,0294	0,00012	235,0	0,013	0,940	0,180	0,0846	0,00124	68,33	0,132
0,979	0,063	0,0308	0,00014	223,1	0,014	0,939	0,183	0,0859	0,00128	66,97	0,137
0,978	0,066	0,0323	0,00015	212,3	0,016	0,938	0,186	0,0872	0,00133	65,64	0,142
0,977	0,069	0,0337	0,00017	202,4	0,017	0,937	0,189	0,0885	0,00137	64,37	0,147
0,976	0,072	0,0351	0,00018	193,3	0,019	0,936	0,192	0,0899	0,00142	63,12	0,152
0,975	0,075	0,0366	0,00020	185,0	0,020	0,935	0,195	0,0912	0,00147	61,92	0,157
0,974	0,078	0,0380	0,00021	177,3	0,022	0,934	0,198	0,0925	0,00152	60,76	0,163
0,973	0,081	0,0394	0,00023	170,2	0,024	0,933	0,201	0,0938	0,00157	59,63	0,169
0,972	0,084	0,0408	0,00025	163,6	0,026	0,932	0,204	0,0951	0,00162	58,53	0,174
0,971	0,087	0,0423	0,00027	157,4	0,028	0,931	0,207	0,0964	0,00168	57,46	0,180
0,970	0,090	0,0437	0,00029	151,7	0,030	0,930	0,210	0,0977	0,00173	56,43	0,186
0,969	0,093	0,0451	0,00031	146,3	0,032	0,929	0,213	0,0989	0,00178	55,44	0,192
0,968	0,096	0,0465	0,00033	141,3	0,034	0,928	0,216	0,1002	0,00184	54,44	0,198
0,967	0,099	0,0479	0,00035	136,5	0,036	0,927	0,219	0,1015	0,00190	53,49	0,205
0,966	0,102	0,0493	0,00037	132,1	0,039	0,926	0,222	0,1028	0,00196	52,57	0,211
0,965	0,105	0,0507	0,00040	127,9	0,041	0,925	0,225	0,1041	0,00201	51,67	0,218
0,964	0,108	0,0521	0,00042	123,9	0,044	0,924	0,228	0,1053	0,00207	50,79	0,225
0,963	0,111	0,0534	0,00044	120,1	0,046	0,923	0,231	0,1066	0,00213	49,93	0,231
0,962	0,114	0,0548	0,00047	116,6	0,049	0,922	0,234	0,1079	0,00220	49,10	0,238
0,961	0,117	0,0562	0,00050	113,2	0,052	0,921	0,237	0,1091	0,00226	48,29	0,245
0,960	0,120	0,0576	0,00052	110,0	0,055	0,920	0,240	0,1104	0,00232	47,50	0,253
0,959	0,123	0,0590	0,00055	107,0	0,058	0,919	0,243	0,1117	0,00239	46,73	0,260
0,958	0,126	0,0604	0,00058	104,0	0,061	0,918	0,246	0,1129	0,00246	45,98	0,268
0,957	0,129	0,0617	0,00061	101,3	0,064	0,917	0,249	0,1142	0,00252	45,24	0,275
0,956	0,132	0,0631	0,00064	98,6	0,067	0,916	0,252	0,1154	0,00259	44,52	0,283
0,955	0,135	0,0645	0,00067	96,1	0,070	0,915	0,255	0,1167	0,00266	43,82	0,291
0,954	0,138	0,0658	0,00070	93,7	0,074	0,914	0,258	0,1179	0,00273	43,14	0,299
0,953	0,141	0,0672	0,00073	91,4	0,077	0,913	0,261	0,1191	0,00280	42,47	0,307
0,952	0,144	0,0685	0,00077	89,2	0,081	0,912	0,264	0,1204	0,00288	41,82	0,316
0,951	0,147	0,0699	0,00080	87,0	0,084	0,911	0,267	0,1216	0,00295	41,18	0,324
0,950	0,150	0,0713	0,00084	85,0	0,088	0,910	0,270	0,1229	0,00303	40,56	0,333
0,949	0,153	0,0726	0,00087	83,0	0,092	0,909	0,273	0,1241	0,00311	39,95	0,342
0,948	0,156	0,0739	0,00091	81,0	0,096	0,908	0,276	0,1253	0,00318	39,35	0,351
0,947	0,159	0,0753	0,00095	79,3	0,100	0,907	0,279	0,1265	0,00326	38,76	0,360
0,946	0,162	0,0766	0,00099	77,6	0,104	0,906	0,282	0,1277	0,00334	38,19	0,369

Etat limite de service

Valeurs de $\alpha_1, \mu_1', \mu_1, k_1, \rho_1$ en fonction de β_1 .

β_1	α_1	μ_1'	μ_1	k_1	ρ_1	β_1	α_1	μ_1'	μ_1	k_1	ρ_1
0,905	0,285	0,1290	0,00343	37,63	0,379	0,865	0,405	0,1752	0,00795	22,04	0,919
0,904	0,288	0,1302	0,00351	37,08	0,388	0,864	0,408	0,1763	0,00810	21,76	0,937
0,903	0,291	0,1314	0,00359	36,55	0,398	0,863	0,411	0,1773	0,00825	21,50	0,956
0,902	0,294	0,1326	0,00368	36,02	0,408	0,862	0,414	0,1784	0,00840	21,23	0,975
0,901	0,297	0,1338	0,00377	35,50	0,418	0,861	0,417	0,1795	0,00856	20,97	0,994
0,900	0,300	0,1350	0,00386	35,00	0,429	0,860	0,420	0,1806	0,00872	20,71	1,014
0,899	0,303	0,1362	0,00395	34,50	0,439	0,859	0,423	0,1817	0,00888	20,46	1,034
0,898	0,306	0,1374	0,00404	34,02	0,450	0,858	0,426	0,1828	0,00904	20,21	1,054
0,897	0,309	0,1386	0,00413	33,54	0,461	0,857	0,429	0,1838	0,00921	19,96	1,074
0,896	0,312	0,1398	0,00423	33,08	0,472	0,856	0,432	0,1849	0,00938	19,72	1,095
0,895	0,315	0,1410	0,00432	32,62	0,483	0,855	0,435	0,1860	0,00955	19,48	1,116
0,894	0,318	0,1421	0,00442	32,17	0,494	0,854	0,438	0,1870	0,00972	19,25	1,138
0,893	0,321	0,1433	0,00452	31,73	0,506	0,853	0,441	0,1881	0,00989	19,01	1,160
0,892	0,324	0,1445	0,00462	31,30	0,518	0,852	0,444	0,1891	0,01007	18,78	1,182
0,891	0,327	0,1457	0,00472	30,87	0,530	0,851	0,447	0,1902	0,01025	18,56	1,204
0,890	0,330	0,1468	0,00482	30,45	0,542	0,850	0,450	0,1913	0,01043	18,33	1,227
0,889	0,333	0,1480	0,00492	30,04	0,554	0,849	0,453	0,1923	0,01062	18,11	1,251
0,888	0,336	0,1492	0,00503	29,64	0,567	0,848	0,456	0,1933	0,01081	17,89	1,274
0,887	0,339	0,1503	0,00514	29,25	0,580	0,847	0,459	0,1944	0,01100	17,68	1,298
0,886	0,342	0,1515	0,00525	28,86	0,593	0,846	0,462	0,1954	0,01119	17,47	1,322
0,885	0,345	0,1527	0,00536	28,48	0,606	0,845	0,465	0,1965	0,01138	17,26	1,347
0,884	0,348	0,1538	0,00547	28,10	0,619	0,844	0,468	0,1975	0,01158	17,05	1,372
0,883	0,351	0,1550	0,00559	27,73	0,633	0,843	0,471	0,1985	0,01178	16,85	1,398
0,882	0,354	0,1561	0,00570	27,37	0,647	0,842	0,474	0,1996	0,01199	16,65	1,424
0,881	0,357	0,1573	0,00582	27,02	0,661	0,841	0,477	0,2006	0,01219	16,45	1,450
0,880	0,360	0,1584	0,00594	26,67	0,675	0,840	0,480	0,2016	0,01241	16,25	1,477
0,879	0,363	0,1595	0,00606	26,32	0,690	0,839	0,483	0,2026	0,01262	16,06	1,504
0,878	0,366	0,1607	0,00618	25,98	0,704	0,838	0,486	0,2036	0,01283	15,86	1,532
0,877	0,369	0,1618	0,00631	25,65	0,719	0,837	0,489	0,2046	0,01306	15,67	1,560
0,876	0,372	0,1629	0,00643	25,32	0,735	0,836	0,492	0,2057	0,01328	15,49	1,588
0,875	0,375	0,1641	0,00656	25,00	0,750	0,835	0,495	0,2067	0,01351	15,30	1,617
0,874	0,378	0,1652	0,00669	24,68	0,766	0,834	0,498	0,2077	0,01373	15,12	1,647
0,873	0,381	0,1663	0,00682	24,37	0,782	0,833	0,501	0,2087	0,01397	14,94	1,677
0,872	0,384	0,1674	0,00696	24,06	0,798	0,832	0,504	0,2097	0,01420	14,76	1,707
0,871	0,387	0,1685	0,00709	23,76	0,814	0,831	0,507	0,2107	0,01444	14,59	1,738
0,870	0,390	0,1697	0,00723	23,46	0,831	0,830	0,510	0,2117	0,01469	14,41	1,769
0,869	0,393	0,1708	0,00737	23,17	0,848	0,829	0,513	0,2126	0,01493	14,24	1,801
0,868	0,396	0,1719	0,00751	22,88	0,865	0,828	0,516	0,2136	0,01518	14,07	1,834
0,867	0,399	0,1730	0,00766	22,59	0,883	0,827	0,519	0,2146	0,01544	13,90	1,867
0,866	0,402	0,1741	0,00780	22,31	0,901	0,826	0,522	0,2156	0,01570	13,73	1,900

Etat limite de service

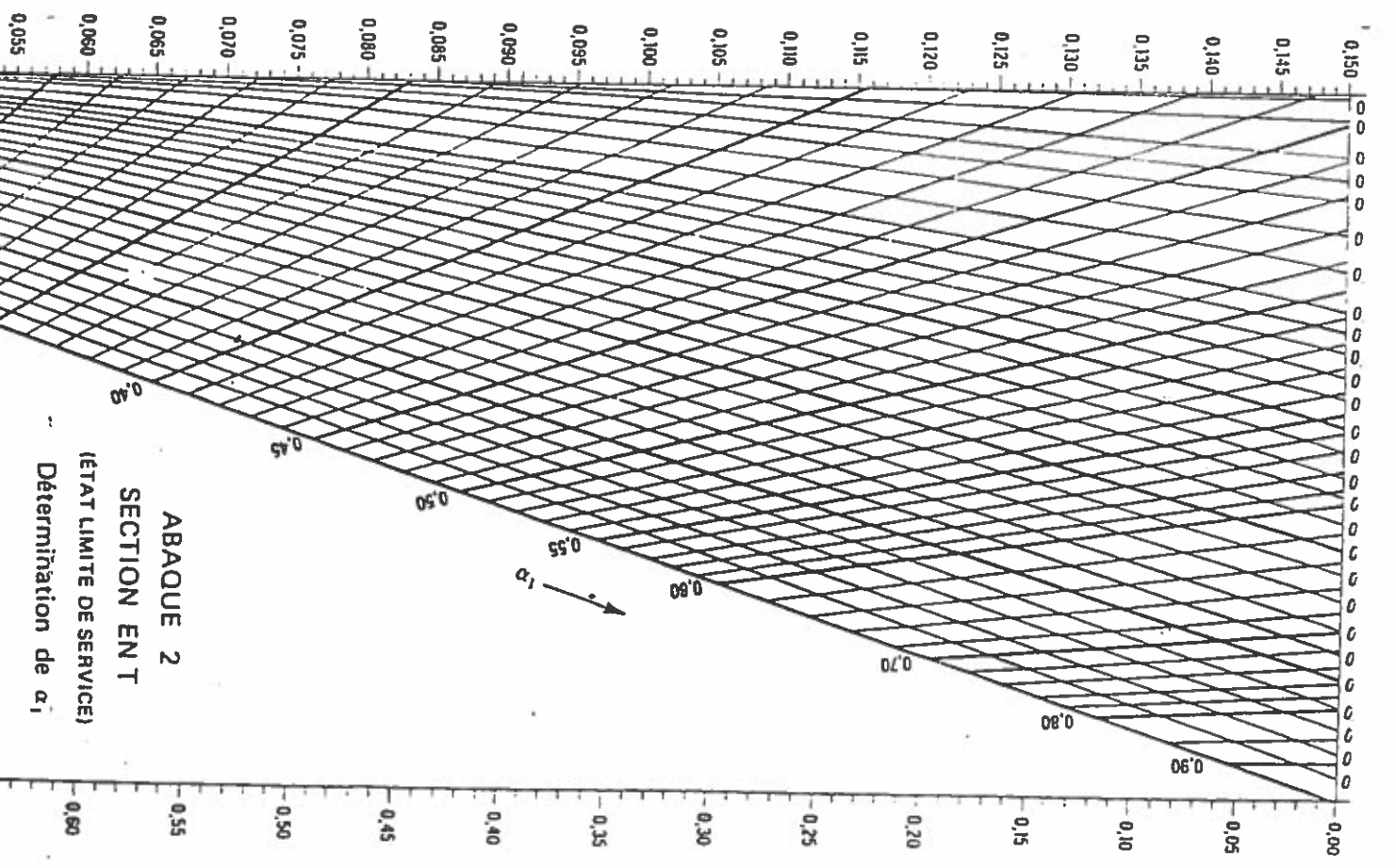
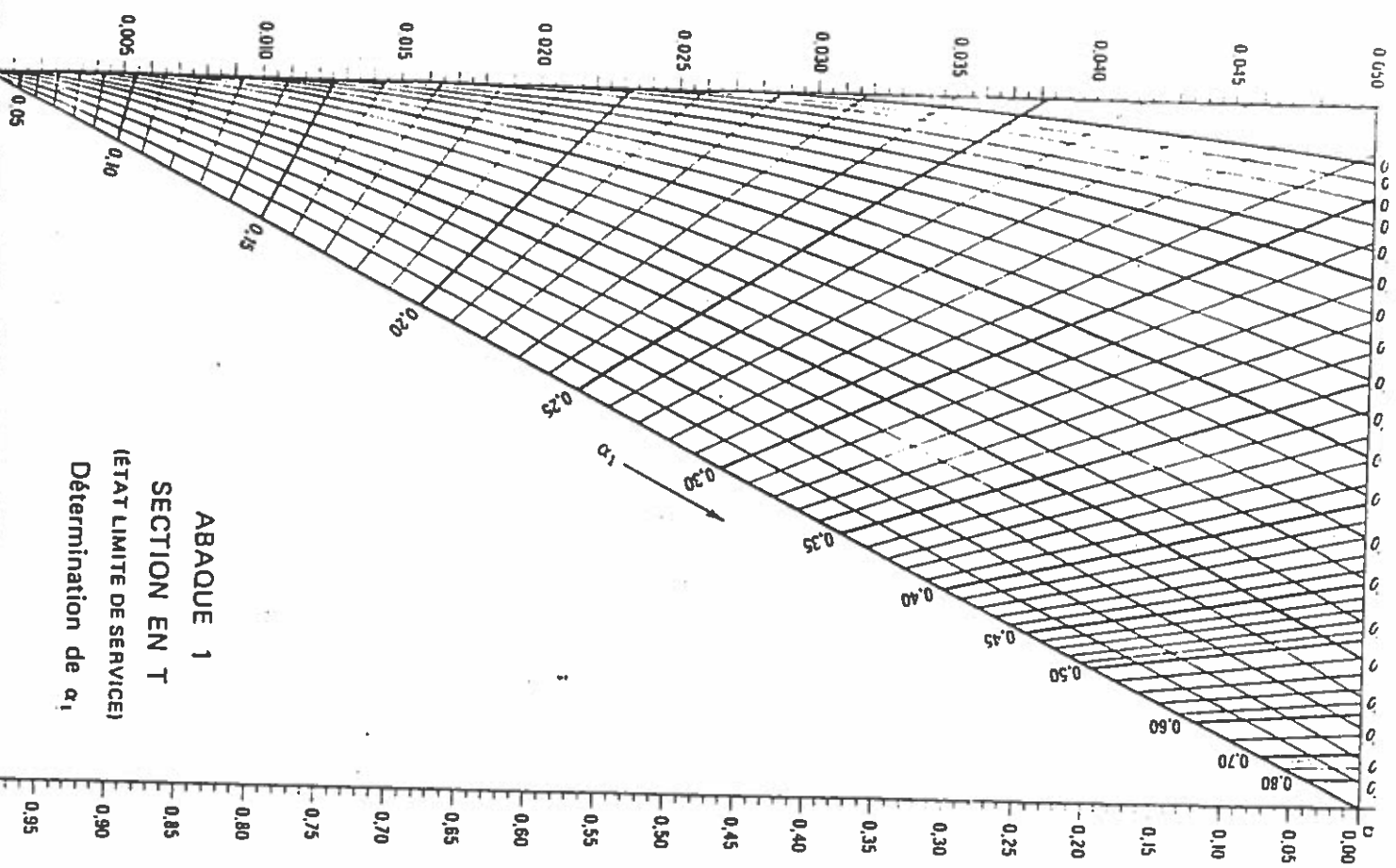
TABLEAU 9 (suite) - Section rectangulaire en flexion simple sans armatures comprimées.

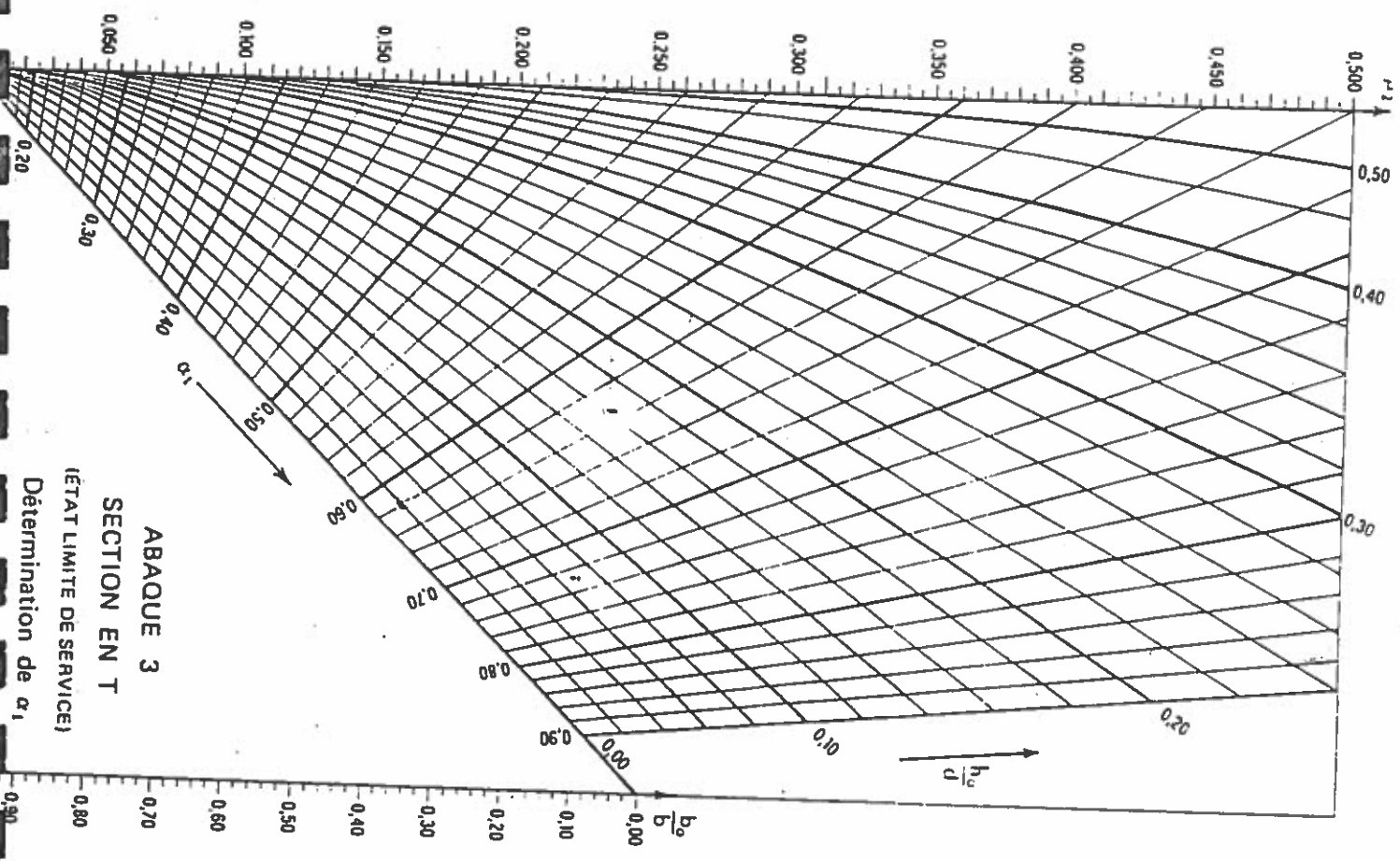
β_1	α_1	μ_1'	μ_1	k_1	ρ_1	β_1	α_1	μ_1'	μ_1	k_1	ρ_1
0,825	0,525	0,2165	0,01595	13,57	1,934	0,785	0,645	0,2532	0,03066	8,26	3,906
0,824	0,528	0,2185	0,01622	13,41	1,969	0,784	0,648	0,2540	0,03117	8,15	3,976
0,823	0,531	0,2185	0,01649	13,25	2,004	0,783	0,651	0,2549	0,03170	8,04	4,048
0,822	0,534	0,2195	0,01677	13,09	2,040	0,782	0,654	0,2557	0,03222	7,93	4,121
0,821	0,537	0,2204	0,01704	12,93	2,076	0,781	0,657	0,2565	0,03276	7,83	4,195
0,820	0,540	0,2214	0,01733	12,78	2,113	0,780	0,660	0,2574	0,03331	7,73	4,271
0,819	0,543	0,2224	0,01762	12,62	2,151	0,779	0,663	0,2582	0,03387	7,62	4,348
0,818	0,546	0,2233	0,01791	12,47	2,189	0,778	0,666	0,2591	0,03444	7,52	4,427
0,817	0,549	0,2243	0,01820	12,32	2,228	0,777	0,669	0,2599	0,03502	7,42	4,507
0,816	0,552	0,2252	0,01850	12,17	2,267	0,776	0,672	0,2607	0,03561	7,32	4,589
0,815	0,555	0,2261	0,01880	12,03	2,307	0,775	0,675	0,2616	0,03621	7,22	4,673
0,814	0,558	0,2271	0,01911	11,88	2,348	0,774	0,678	0,2624	0,03683	7,12	4,759
0,813	0,561	0,2280	0,01943	11,74	2,390	0,773	0,681	0,2632	0,03746	7,03	4,846
0,812	0,564	0,2290	0,01975	11,60	2,432	0,772	0,684	0,2640	0,03810	6,93	4,935
0,811	0,567	0,2299	0,02007	11,46	2,475	0,771	0,687	0,2648	0,03876	6,83	5,026
0,810	0,570	0,2309	0,02040	11,32	2,519	0,770	0,690	0,2657	0,03942	6,74	5,119
0,809	0,573	0,2318	0,02073	11,18	2,563	0,769	0,693	0,2665	0,04010	6,65	5,214
0,808	0,576	0,2327	0,02107	11,04	2,608	0,768	0,696	0,2673	0,04079	6,55	5,312
0,807	0,579	0,2336	0,02142	10,91	2,654	0,767	0,699	0,2681	0,04150	6,46	5,411
0,806	0,582	0,2345	0,02178	10,77	2,701	0,766	0,702	0,2689	0,04222	6,37	5,512
0,805	0,585	0,2355	0,02213	10,64	2,749	0,765	0,705	0,2697	0,04295	6,28	5,616
0,804	0,588	0,2364	0,02249	10,51	2,797	0,764	0,708	0,2705	0,04370	6,19	5,722
0,803	0,591	0,2373	0,02286	10,38	2,847	0,763	0,711	0,2712	0,04447	6,10	5,831
0,802	0,594	0,2382	0,02323	10,25	2,897	0,762	0,714	0,2720	0,04527	6,01	5,942
0,801	0,597	0,2391	0,02361	10,13	2,948	0,761	0,717	0,2728	0,04608	5,92	6,055
0,800	0,600	0,2400	0,02400	10,00	3,000	0,760	0,720	0,2736	0,04690	5,83	6,171
0,799	0,603	0,2409	0,02440	9,87	3,053	0,759	0,723	0,2744	0,04774	5,75	6,290
0,798	0,606	0,2418	0,02480	9,75	3,107	0,758	0,726	0,2752	0,04860	5,66	6,412
0,797	0,609	0,2427	0,02520	9,63	3,162	0,757	0,729	0,2759	0,04948	5,58	6,537
0,796	0,612	0,2436	0,02561	9,51	3,218	0,756	0,732	0,2767	0,05038	5,49	6,665
0,795	0,615	0,2445	0,02603	9,39	3,275	0,755	0,735	0,2775	0,05131	5,41	6,795
0,794	0,618	0,2453	0,02646	9,27	3,333	0,754	0,738	0,2782	0,05227	5,32	6,929
0,793	0,621	0,2462	0,02690	9,15	3,392	0,753	0,741	0,2790	0,05323	5,24	7,067
0,792	0,624	0,2471	0,02734	9,04	3,452	0,752	0,744	0,2797	0,05420	5,16	7,207
0,791	0,627	0,2480	0,02779	8,92	3,513	0,751	0,747	0,2805	0,05520	5,08	7,352
0,790	0,630	0,2488	0,02825	8,81	3,576	0,750	0,750	0,2812	0,05624	5,00	7,500
0,789	0,633	0,2497	0,02871	8,70	3,639	0,749	0,753	0,2820	0,05731	4,92	7,652
0,788	0,636	0,2506	0,02919	8,58	3,704	0,748	0,756	0,2827	0,05840	4,84	7,808
0,787	0,639	0,2514	0,02968	8,47	3,770	0,747	0,759	0,2835	0,05952	4,76	7,968
0,786	0,642	0,2523	0,03017	8,36	3,838	0,746	0,762	0,2842	0,06067	4,68	8,132

Etat limite de service

Valeurs de $\alpha_1, \mu_1', k_1, \rho_1$ et β_1 en fonction de β_1 .

β_1	α_1	μ_1'	μ_1	k_1	ρ_1	β_1	α_1	μ_1'	μ_1	k_1	ρ_1
0,745	0,765	0,2850	0,0618	4,608	8,30	0,705	0,885	0,3120	0,1601	1,949	22,70
0,744	0,768	0,2857	0,0630	4,531	8,47	0,704	0,888	0,3126	0,1652	1,892	23,47
0,743	0,771	0,2864	0,0643	4,455	8,65	0,703	0,891	0,3132	0,1707	1,835	24,28
0,742	0,774	0,2871	0,0656	4,380	8,84	0,702	0,894	0,3138	0,1764	1,778	25,13
0,741	0,777	0,2879	0,0668	4,305	9,02	0,701	0,897	0,3144	0,1826	1,722	26,04
0,740	0,780	0,2886	0,0682	4,231	9,22	0,700	0,900	0,3150	0,1890	1,666	27,00
0,739	0,783	0,2893	0,0696	4,157	9,42	0,699	0,903	0,3156	0,1959	1,611	28,02
0,738	0,786	0,2900	0,0710	4,084	9,62	0,698	0,906	0,3162	0,2032	1,556	29,11
0,737	0,789	0,2907	0,0725	4,011	9,83	0,697	0,909	0,3168	0,2109	1,502	30,27
0,736	0,792	0,2914	0,0740	3,939	10,05	0,696	0,912	0,3174	0,2193	1,447	30,51
0,735	0,795	0,2922	0,0755	3,868	10,28	0,695	0,915	0,3180	0,2283	1,393	32,83
0,734	0,798	0,2929	0,0771	3,797	10,51	0,694	0,918	0,3185	0,2377	1,340	34,36
0,733	0,801	0,2936	0,0788	3,727	10,75	0,693	0,921	0,3191	0,2479	1,287	35,79
0,732	0,804	0,2943	0,0805	3,657	10,99	0,692	0,924	0,3197	0,2591	1,234	37,45
0,731	0,807	0,2950	0,0823	3,587	11,25	0,691	0,927	0,3203	0,2712	1,181	39,24
0,730	0,810	0,2957	0,0840	3,518	11,51	0,690	0,930	0,3209	0,2842	1,129	41,19
0,729	0,813	0,2963	0,0859	3,450	11,78	0,689	0,933	0,3214	0,2984	1,077	43,31
0,728	0,816	0,2970	0,0878	3,380	12,06	0,688	0,936	0,3220	0,3139	1,026	45,51
0,727	0,819	0,2977	0,0898	3,315	12,35	0,687	0,939	0,3225	0,3317	0,974	47,89
0,726	0,822	0,2984	0,0919	3,248	12,65	0,686	0,942	0,3231	0,3498	0,923	51,00
0,725	0,825	0,2991	0,0940	3,182	12,96	0,685	0,945	0,3237	0,3708	0,873	54,12
0,724	0,828	0,2997	0,0962	3,116	13,29	0,684	0,948	0,3242	0,3940	0,823	57,61
0,723	0,831	0,3004	0,0985	3,050	13,62	0,683	0,951	0,3248	0,4216	0,773	61,52
0,722	0,834	0,3011	0,1008	2,986	13,97	0,682	0,954	0,3253	0,4498	0,723	65,95
0,721	0,837	0,3017	0,1033	2,921	14,33	0,681	0,957	0,3259	0,4838	0,674	71,00
0,720	0,840	0,3024	0,1058	2,857	14,70	0,680	0,960	0,3264	0,5222	0,625	76,80
0,719	0,843	0,3031	0,1085	2,794	15,09	0,679	0,963	0,3269	0,5675	0,576	83,55
0,718	0,846	0,3037	0,1112	2,730	15,49	0,678	0,966	0,3275	0,6202	0,528	91,48
0,717	0,849	0,3044	0,1141	2,668	15,91	0,677	0,969	0,3280	0,6833	0,480	100,96
0,716	0,852	0,3050	0,1171	2,606	16,35	0,676	0,972	0,3285	0,7604	0,432	112,47
0,715	0,855	0,3057	0,1201	2,544	16,81	0,675	0,975	0,3291	0,8548	0,385	126,75
0,714	0,858	0,3063	0,1233	2,482	17,28	0,674	0,978	0,3296	0,9780	0,337	144,92
0,713	0,861	0,3069	0,1267	2,422	17,78	0,673	0,981	0,3301	1,1343	0,291	168,83
0,712	0,864	0,3076	0,1303	2,361	18,30	0,672	0,984	0,3306	1,3549	0,244	201,72
0,711	0,867	0,3082	0,1339	2,301	18,84	0,671	0,987	0,3311	1,6773	0,197	249,79
0,710	0,870	0,3088	0,1378	2,241	19,41	0,670	0,990	0,3316	2,1890	0,151	326,70
0,709	0,873	0,3095	0,1418	2,182	20,00	0,669	0,993	0,3321	3,1419	0,106	468,65
0,708	0,876	0,3101	0,1460	2,123	20,63	0,668	0,996	0,3327	5,5211	0,060	826,67
0,707	0,879	0,3107	0,1505	2,065	21,28						
0,706	0,882	0,3113	0,1551	2,007	21,98						





ABOQUE 3
SECTION EN T
(ÉTAT LIMITE DE SERVICE)
Détermination de α_1